

TDDI16 Datastrukturer och algoritmer

11 januari 2010, kl 14-18

1. [2p]

Analysera tidskomplexiteten för följande program. Ge en exakt lösning. Antag att n är antalet element i listan.

```
procedure Sort( A : list of sortable items );
var i,j, value : integer;
begin
  for i := 1 to length[A]-1 do begin
    value := A[i];
    j := i - 1;
    while j >= 0 and A[j] > value do begin
      A[j + 1] := A[j];
      j := j - 1;
    end
    A[j + 1] := value;
  end
end
```

2. [2 + 2 = 4p]

(a) Definiera ADT *Stack* (modell + operationerna - förklara vad operationerna gör).

(b) Beskriv en implementation av ADT *Stack* så att varje operation kan köras i konstant tid.

3. [3 + 2 = 5p]

(a) Skriv en algoritm i pseudokod som använder ADT *Tree* för att räkna antalet noder i ett träd. (Använd operationer så som de är definierade för ADT *Tree*.) Vad är tidskomplexitetet av din algoritm? Förklara.

(b) Förklara implementationen av ADT *Tree* som använder en 'parent'-array för att lagra information om vilken nod som är förälder till en nod. Ange tidskomplexitet för varje operation för ADT *Tree* vid användning av denna implementation.

4. [2 + 2 = 4p]

(a) Antag en hashtabell av storlek 7 och nedanstående operationer. Antag öppen hashing. Visa hur tabellen ser ut efter VARJE operation. (Operationerna körs i den givna ordningen.) Använd de givna hashvärdena $h(x)$.

- | | | |
|-------|-------------------------|---------------------|
| (i) | $Insert(A, 'LECTURES')$ | $h('LECTURES') = 3$ |
| (ii) | $Insert(A, 'ABOUT')$ | $h('ABOUT') = 2$ |
| (iii) | $Insert(A, 'DURING')$ | $h('DURING') = 2$ |
| (iv) | $Delete(A, 'ABOUT')$ | $h('ABOUT') = 2$ |

(b) Förklara linjär sondering. Ge ett exempel.

5. [1 + 2 = 3p]

(a) AVL-träd

Visa hur AVL-trädet i figur 1 ser ut efter operationen $Insert('b')$.

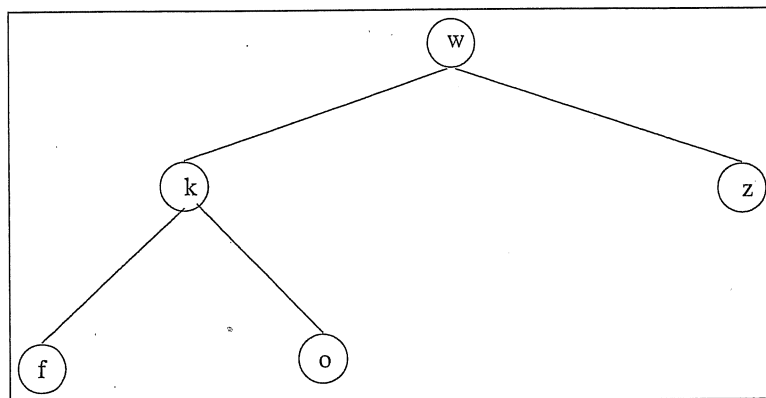


Figure 1: AVL-träd

(b) PriorityQueue

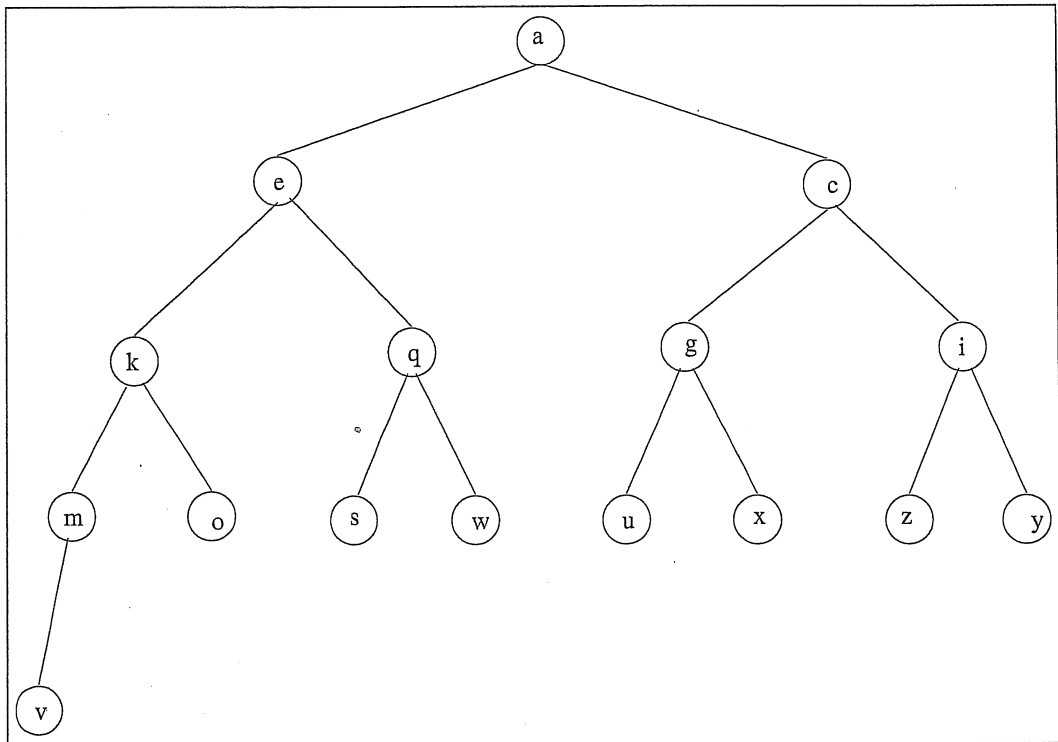


Figure 2: heap

- (i) Visa hur heapen i figur 2 ser ut efter operationen *Insert('b')*.
- (ii) Visa hur heapen i figur 2 ser ut efter operationen *DeleteMin* (utan den tidigare *Insert*).

6. [2 + 2 + 1 + 1 = 6p]

(a) Visa hur *QuickSort* (med initial swap) sorterar sekvensen

$\langle 23, 45, 57, 13, 11, 14, 20, 32 \rangle$

Låt det största av de första två skilda nycklar vara *pivot*.

(b) Visa hur sekvensen sorteras med hjälp av 2-positions *RadixSort* med bas 10.

(c) Sorteringsproblemet tar $\Omega(n \log n)$ tid, medans *RadixSort* har tidskomplexitet $O(n)$. Förklara hur detta är möjligt.

(d) Ange tidskomplexitet för *QuickSort* och *MergeSort* i värsta fall OCH medelfallet.

7. [2p]

Lös följande rekursiv ekvation.

$$T(n) = \begin{cases} d & \text{if } n = 1 \\ T(n/2) + n & \text{if } n \geq 2 \end{cases}$$